

$$\begin{aligned}
v^3 + a_2v^2 + a_1v + a_0 = 0 &\Rightarrow v^3 = -(a_2v^2 + a_1v + a_0) \Rightarrow \\
\Rightarrow |v^3| &= |-(a_2v^2 + a_1v + a_0)| \Rightarrow |v|^3 = |a_2v^2 + a_1v + a_0| \leq |a_2| |v|^2 + |a_1| |v| + |a_0| \Rightarrow \\
\Rightarrow |v|^3 &\leq 3|v|^2 + 3|v| + 3 \Rightarrow |v|^3 < 3|v|^2 + 3|v| + 4 \Rightarrow |v|^3 - 3|v|^2 - 3|v| - 4 < 0.
\end{aligned}$$

Η τελευταία ανίσωση γράφεται ισοδύναμα (π.χ. με σχήμα Horner για  $\rho = 4$ )

$$(|v| - 4) (|v|^2 + |v| + 1) < 0,$$

κι αφού  $|v|^2 + |v| + 1 > 0$  (ως τριώνυμο του  $|v|$  με  $\Delta = -3 < 0$ ) θα είναι  $|v| < 4$ .